# АЛГОРИТМЫ ОБРАБОТКИ РАДИОСИГНАЛОВ С ЦЕЛЬЮ КОМПЕНСАЦИИ ИСКАЖЕНИЙ ПРИ РАСПРОСТРАНЕНИИ ПО ТРАНСИОНОСФЕРНЫМ ЛИНИЯМ

Батанов В.В., Назаров Л. Е.

Фрязинский филиал Института радиотехники и электроники им. В.А.Котельникова РАН

# Введение

При распространении по трансионосферным линиям сигналы подвергаются искажениям за счет влияния земной ионосферы как дисперсионной среды [1-7]. Рассматривается модель искажений комплексной огибающей сигналов, обусловливающие возникновение интерференционных межсимвольных (МСИ) и межканальных (МКИ) помех в дополнение к тепловым помехам в виде аддитивного белого гауссовского шума (АБГШ). Помехи МСИ и МКИ снижают надежность передачи информации по данным линиям [8].

Актуальными являются проблемы оценивания деградации вероятностных характеристик при приеме сигналов относительно распространения в свободном пространстве и разработки и моделирования алгоритмов обработки сигналов при приеме, снижающих действие рассматриваемых интерференционных помех.

### Постановка задачи

Методы анализа распространения сигналов по стационарным ионосферным линиям основаны на решении волнового уравнения с учетом магнитного поля Земли  $\vec{H}(\vec{r})$  относительно электрического поля E(z, f) плоской волны с частотой f [9]

$$\Delta \vec{E}(\vec{r},f) - \operatorname{graddiv} \vec{E}(\vec{r},f) + \frac{(2\pi f)^2 \vec{E}(\vec{r},f)}{c^2} \left(\vec{\varepsilon}(\vec{r},f) - j\frac{2}{f}\vec{\sigma}(\vec{r},f)\right) = 0.$$
(1)

Здесь *c* - скорость света в свободном пространстве;  $\vec{\varepsilon}(\vec{r}, f) = (\varepsilon_x(\vec{r}, f), \varepsilon_y(\vec{r}, f), \varepsilon_z(\vec{r}, f)), \quad \vec{\sigma}(\vec{r}, f) = (\sigma_x(\vec{r}, f), \sigma_y(\vec{r}, f), \sigma_z(\vec{r}, f))$  - соответственно тензоры диэлектрической проницаемости и проводимости, зависящие от  $\vec{H}(\vec{r})$ .

В изотропном случае без учета влияния магнитного поля Земли  $\vec{H}(\vec{r})$ при нормальном падении плоской волны на среду с диэлектрической проницаемостью  $\varepsilon(z, f)$  и  $\sigma(\vec{r}, f) = 0$ , распространяющейся по оси z, и при выполнении условия  $\frac{d\varepsilon(z, f)}{dz}\lambda \ll 1$  ( $\lambda$  - длина волны) решение (1) задается приближением геометрической оптики [9]

$$E(z,f) = \operatorname{Re}\left(E(0,f)\exp\left(-\frac{j2\pi f}{c}\int_{0}^{z}n(x,f)dx\right)\right).$$
(2)

Здесь  $n(x, f) = \sqrt{\varepsilon(x, f)}$  - коэффициент преломления среды.

Для цифровых сигналов s(t) задача усложняется - сигналы представляются в виде суммы монохроматических сигналов, каждый из которых приобретает фазовое  $\Delta \varphi(z, f)$  и амплитудное смещения за счет дисперсионных и поглощающих свойств ионосферы, что определяет искажение сигналов [3,4,6,7]. Эти искажения обусловливают возникновение помех МСИ и МКИ.

Цель работы - привести описание и результаты моделирования алгоритма обработки сигналов на выходе трансионосферной линии, компенсирующего влияние помех МСИ и МКИ.

# Модели распространения сигналов по трансионосферным линиям

Рассматриваемая модель ионосферы трансионосферных радиолиний соответствует сферически-симметричной среде с неоднородной диэлектрической проницаемостью  $\varepsilon(z, f)$  [5,10]

$$\varepsilon(z,f) = 1 - f_p^2(z)/f^2.$$
(3)

Здесь  $f_p(z) = \sqrt{80.8N_9(z)}$  - собственная частота ионосферы (кГц);  $N_9(z)$ (эл/см<sup>3</sup>) - электронная плотность ионосферы на высоте z.

$$N_{\mathfrak{H}}(z) = \sqrt{\gamma \cdot \exp[-(\exp(b(z - z_{\mathrm{M}})) + bz)]}.$$
(4)

Здесь *у,b* - параметры; *z*<sub>м</sub> - высота, на которой достигается максимальное значение электронной плотности *N*<sub>м</sub> [7].

Искаженные сигналы  $\hat{s}(t)$  на выходе линии представляются как результат линейной фильтрации передаваемых сигналов s(t) [9]

$$\hat{s}(t) = \int_{-\infty}^{\infty} \dot{S}(f) \dot{H}(z, f) \exp(j2\pi f) df .$$
(5)

Здесь  $\dot{S}(f)$  - спектр сигнала s(t);  $\dot{H}(f,z) = \exp(j2\pi f\tau(z,f))$  - коэффициент передачи ионосферной линии, как линейного фильтра;  $\tau(z,f) = \exp\left(j2\pi f \int_{0}^{z} \frac{dx}{c_{\phi}(x,f)}\right)$  - время распространения сигнала с частотой f

вдоль лучевой линии AB (сплошная линия AB на рис.1, поясняющего схему трансионосферной линии);  $c_{\phi}(x, f) = c/n(x, f)$  - фазовая скорость.



Рис.1. Распространение сигналов по спутниковой ионосферной линии.

Время распространения  $\tau(z, f)$  задается соотношением [5]

$$\tau(z,f) = \int_{0}^{z} \frac{n(x,f)(R_3 + x)dx}{c_{\phi}\sqrt{n^2(x,f)(R_3 + x)^2 - (n(0,f)R_3\sin(\theta_A - \xi_A))^2}}.$$
 (6)

Здесь  $R_3$  - радиус Земли;  $\theta_A$  - видимый зенитный угол;  $\zeta_A$  - рефракционная поправка к  $\theta_A$  [5].

Значения поправки  $\xi_A$  для модели дневной и ночной ионосферы и  $\theta_A < 80^0$ , f > 1 ГГц не превышают  $\xi_A < 10''$  [3]. Вследствие малых значений параметра  $\xi_A$  при оценивании  $\tau(z, f)$  применяется выражение без учета  $\xi_A$ 

$$\tau(z,f) = \frac{e^2}{2\pi c m_e f^2} \frac{0.01(R_3 + z_M)}{\sqrt{(R_3 + z_M)^2 - (R_3)^2 \sin^2 \theta_A}} \int_0^z N_3(x) dx.$$
(7)

Здесь *е*, *m*<sub>*e*</sub> - заряд и масса электрона.

Из соотношения (7) следует, что для описания трансионосферной линии необходима оценка полного электронного содержания  $\alpha_{\Pi \ni C} = \int_{0}^{z} N_{\Im}(x) dx$ . Метод оценки параметра  $\alpha_{\Pi \ni C}$  основан на вычислении разности времени задержек  $\Delta \tau(f_1, f_2) = \tau(z, f_1) - \tau(z, f_2)$  распространения (методы фазовой или групповой задержек) для пилот-сигналов с центральными частотами  $f_1$  и  $f_2$ . При реализации этого подхода параметр  $\hat{\alpha}_{\Pi \ni C}$  оценивается с использованием соотношения [5]

$$\hat{\alpha}_{\Pi \ni C} = \frac{\Delta \tau(f_1, f_2)}{\frac{e^2}{2\pi m_e f^2} \frac{(R_3 + z_M)}{\sqrt{(R_3 + z_M)^2 - (R_3 \sin \theta_A)^2}} \left(\frac{1}{f_1^2} - \frac{1}{f_2^2}\right)}.$$
(8)

Таким образом, обратный линейный фильтр трансионосферной линии, снижающий действие интерференционных помех МСИ и МКИ, задается его коэффициентом передачи  $\dot{H}^{-1}(z, f) = \exp(-j\varphi(z, f))$ , здесь фаза  $\varphi(z, f)$  определяется на основе соотношения

$$\varphi(z,f) = \frac{e^2}{cm_e f} \frac{0.01(R_3 + z_{\rm M})}{\sqrt{(R_3 + z_{\rm M})^2 - (R_3)^2 \sin^2 \theta_A}} \hat{\alpha}_{\Pi \ni \rm C}.$$
 (9)

#### Результаты моделирования

Одной из основных характеристик систем передачи информации является вероятность правильного приема  $P_{\text{пр}}$  при приеме сигналов [8]. Для АБГШ оптимальный прием, основан на вычислении взаимной корреляции входной реализации  $r(t) = \hat{s}(t) + n(t)$  с передаваемым сигналом s(t).

Ниже рассматриваются сигналы s(t) на основе двухпозиционной фазовой манипуляции (сигналы ФМ2), используемые при синхронизации систем связи различного назначения, включая спутниковые системы связи, в системах радиолокации [1,8]. Сигналы s(t) представляют последовательность элементарных сигналов  $s_i(t, \varphi_{il})$  длительностью T [8]

$$s(t) = \operatorname{Re}\left(\sum_{i=1}^{n} Au(t+iT) \exp(j(\varphi_{il}+2\pi f t))\right).$$
(10)

Здесь u(t+iT) = 1 при  $iT \le t < i(t+iT)$ , иначе u(t+iT) = 0;  $A, \varphi_{il}$  - амплитуда и фаза элементарных сигналов; l = 0,1; n - количество элементарных сигналов. Фазы манипуляции  $\varphi_{il}$  для текущего значения i задаются правилом  $\varphi_{il} = \pi l$  и определяются значениями передаваемого бита.

Моделирование трансионосферных линий выполнено с целью оценивания деградации вероятности  $P_{\text{пр}}$  при приеме сигналов  $\hat{s}(t)$  относительно распространения в свободном пространстве и эффективности приведенного алгоритма обработки сигналов при приеме, снижающего действие помех МСИ и МКИ. Характеристики трансионосферной линии - модель (4) с параметрами дневной ионосферы, высота z = 400 км, центральная частота  $f_0 = 1500$  МГц, видимый зенитный угол  $\theta_A = 0...80^0$ . Сигналы s(t) содержат n = 8 элементарных сигналов ФМ2 с длительностью T = 20 нсек (частотная полоса  $\Delta F = 100$  МГц).

Пример сигнала s(t), а также сигнала  $\hat{s}(t)$  на выходе трансионосферной линии ( $\theta_A = 10^0$ ) показан на рис.2 - видно искажение огибающей, временное рассеяние элементарных сигналов, определяющее интерференционные помехи, и временная задержка  $\hat{s}(t)$  относительно s(t). По оси абсцисс отложены номера отсчетов с частотой дискретизации 32 ГГц. Пилот-сигнал, используемый для оценки параметра  $\hat{\alpha}_{\Pi \to C}$  и формирования обратного фильтра  $\dot{H}^{-1}(z, f)$ , представлял сумму двух радиоимпульсов с центральными частотами  $f_1 = 1.50$  ГГц и  $f_2 = 1.55$  ГГц.

На рис.3 приведены вероятности  $P_{\rm пр}$  при приеме сигналов s(t) при наличии АБГШ, реализующем правило Неймана-Пирсона с вероятностью ложной тревоги  $P_{\rm лтр} = 10^{-3}$ . Кривая 1 соответствует теоретической кривой при приеме исходных сигналов s(t) при распространении в свободном пространстве [1,8]. Кривая 2 соответствует распространению по трансионосферной линии - энергетические потери за счет рассеяния и влияния интерференционных по отношению к распространению в свободном пространстве достигают 0.3 дБ.

При использовании алгоритма обработки искаженных сигналов  $\hat{s}(t)$  с целью компенсации данных помех энергетические потери незначительны - в для анализируемых значений отношения сигнал/помеха этом случае  $E_c / N_0 > 9.5$ дБ соответствующая вероятностная кривая практически совпадает с вероятностной кривой 1 для распространения сигналов в свободном пространстве. Эти результаты показывают эффективность приведенного алгоритма компенсации искажений широкополосных обусловленных трансионосферных линий сигналов, влиянием распространения.



Рис.2. Вид сигнала на основе элементарных ФМ2 сигналов длительностью *T* : а) исходный сигнал; б) сигнал на выходе трансионосферной линии.



Рис.3. Вероятности *Р*<sub>пр</sub> при когерентном приеме сигналов при наличии АБГШ, реализующем правило Неймана-Пирсона: 1- распространение в свободном пространстве; 2 - распространение по трансионосферной линии.

# Заключение

Приведены методы описания искажений цифровых сигналов при их распространении по трансионосферным спутниковым линиям передачи, основанные на методах линейной фильтрации. Искажения фазо-частотных характеристик цифровых сигналов обусловливают временное рассеяние и возникновение межсимвольных и межканальных помех, которые снижают надежность связи. Особенностью этих помех является то, что невозможна их компенсация повышения мощности передаваемых путем сигналов. Приведено описание алгоритма компенсации данных искажений на основе использования пилот-сигнала и формирования обратного линейного фильтра. полной Показана возможность практически компенсации искажений широкополосных сигналов и достижения вероятностных характеристик правильного приема, близких к характеристикам правильного приема сигналов при их распространении в свободном пространстве.

Работа выполнена при поддержке Российского фонда фундаментальных исследований (проект № 20-07-00525).

8

# ЛИТЕРАТУРА

1. Спилкер Дж. Цифровая спутниковая связь. Пер. с англ. М.: Связь. 1979, 592 с.

2. Спутниковая связь и вещание: справочник. Под ред. Кантора Л.Я. М.: Радио и связь. 1997, 528 с.

3. Колосов М. А., Арманд Н. А., Яковлев О. И. Распространение радиоволн при космической связи. М.: Связь, 1969, 156 с.

 Арманд Н. А. Распространение широкополосных сигналов в дисперсионных средах. // Радиотехника и электроника. 2003. Т.48. №9. С. 1045-1057.

5. Яковлев О. И., Якубов В. П., Урядов В.П., Павельев А. Г. Распространение радиоволн. М.: ЛЕНАНД, 2009, 496 с.

6. Назаров Л.Е., Батанов В.В. Вероятностные характеристики обнаружения радиоимпульсов при распространении по ионосферным линиям спутниковых линий связи. // Радиотехника и электроника. 2017. Т.62. №9. Стр.1-9.

7. Назаров Л. Е., Батанов В.В. Анализ искажений радиоимпульсов при распространении по ионосферным линиям передачи спутниковых систем связи. // Электромагнитные волны и электронные системы. 2016. Т.21. №5. С. 37-45.

8. Скляр Б. Цифровая связь. Теоретические основы и практическое применение. Пер. с англ. М.: Издательский дом "Вильямс", 2003, 1104 с.

9. Гинзбург В.Л. Распространение электромагнитных волн в плазме. М.: Наука, 1967, 688 с.

10. Ionospheric propagation data and prediction methods required for the design of satellite services and systems. Recommendation ITU-R P.531-11 (01/2012).